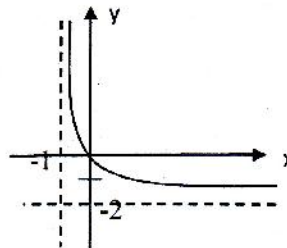


تاریخ: ۹۸/۱۰/۹	باسمه تعالی	نام و نام خانوادگی:	اداره آموزش و پرورش ناحیه/شهرستان:
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه		شماره کلاس:	مؤسسه فرهنگی آموزشی امام حسین علیه السلام
ساعت شروع: ۸ صبح		پایه دوازدهم تجربی	آزمون ریاضی ۲ نیمسال اول (دی ۹۸)
تعداد صفحه: ۲			

۰/۷۵	<p>درستی یا نادرستی جملات زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) تابع $y = -2x^3 + 4$ در دامنه تعریفش صعودی است.</p> <p>ب) دامنه ی تابع $y = \tan x$ برابر $\{x \mid x \in \mathbb{R}, x \neq k\pi + \frac{\pi}{2}\}$ است.</p> <p>ج) اگر $f(x) = 2x - 1$ و $(x) = \sqrt{x - 1}$ و آنگاه $f^{-1} \circ g(5) = \frac{3}{2}$ است.</p>	۱
۱/۲۵	<p>در جاهای خالی عبارت مناسب بگذارید.</p> <p>الف) اگر f یک تابع وارون پذیر باشد، همواره ترکیب f^{-1} و f یک تابع است.</p> <p>ب) فرض کنیم تابع f در تعریف شده باشد رابطه $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = -\infty$ به این معناست که می توان</p> <p>مقادیر $f(x)$ را از هر عدد منفی دلخواهی مشروط بر آن که x به قدر به a نزدیک اختیار شود.</p> <p>ج) باقیمانده تقسیم $-3 - 5x + 2x^2$ بر $x + 1$ برابر می باشد.</p>	۲
۰/۵	<p>نمودار تابع $y = (x + 1)^3 - 3$ را با استفاده از نمودار تابع $y = x^3$ رسم کنید.</p>	۳
۱/۵	<p>نمودار تابع مقابل را رسم کنید سپس مشخص کنید تابع در چه بازه هایی صعودی یا صعودی آکید و در چه بازه هایی نزولی یا نزولی آکید است و یا ثابت است.</p> $f(x) = \begin{cases} -2x + 1 & x \leq -1 \\ 2 & -1 < x < 1 \\ x^3 & x \geq 1 \end{cases}$	۴
۱/۵	<p>اگر $f(x) = \sqrt{x - 5}$ و $g(x) = \frac{1}{x^2 - 1}$ مطلوب است:</p> <p>الف) ضابطه $f \circ g(x)$</p> <p>ب) دامنه $g \circ f(x)$</p>	۵
۱/۵	<p>با محدود کردن دامنه تابع $f(x) = x^2 - 2x + 3$ یک تابع یک به یک به دست آورده و سپس:</p> <p>الف) دامنه و برد f^{-1} را بدست آورید.</p> <p>ب) ضابطه وارون تابع f را بنویسید.</p>	۶
۰/۷۵	<p>اگر $f(x) = 2x - 1$, $f \circ g(x) = 2x^2 - 4x + 1$ ضابطه تابع $g(x)$ را بیابید.</p>	۷
۰/۵	<p>با استفاده از نمودار تابع $y = f(x)$ نمودار تابع $y = \frac{-1}{2} f(4x)$ را رسم کنید.</p>	۸
۰/۷۵	<p>دوره تناوب و مقادیر Max و Min تابع $y = 2 - \frac{1}{2} \sin(-\frac{\pi}{3}x)$ را بیابید.</p>	۹

۱۰	معادله مثلثاتی $\cos 2\alpha - \sin \alpha + 1 = 1$ را حل کرده، جواب های کلی آن را بنویسید.
۱۱	مقدار $\sin 22/5$ درجه را بیابید.
۱۲	اگر $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ و $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$ باشد مقدار $\sin 2\alpha$ را بیابید.
۱۳	نمودار تابع $y = \sin 2x$ را در بازه $[0, 2\pi]$ رسم کنید.
۱۴	ضابطه تابع مثلثاتی با دوره تناوب و مقادیر \max و \min داده شده را بنویسید. $T=4\pi$ $\max=7$ $\min=5$
۱۵	حد توابع زیر را در صورت وجود بیابید. الف) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 2x}{\sqrt{2x} - 2}$ ب) $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{2x^3 - 8x^2 + 4x - 16}{16 - x^2}$ ج) $\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{[x] - 3}{x - 3}$ د) $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{[x]}{\sin x}$ ه) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi^+}{2}} \tan x$ و) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{7x^2 + 6x}{x + 3x^2 - 4}$ ز) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-5x^6 + 4x + 12}{4x^3 - 2x + 1}$
۱۶	با استفاده از نمودار تابع $y=f(x)$ حدهای خواسته شده را بنویسید. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) =$ $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) =$ 
۱۷	اگر $f(x) = x^2 - 1$ مقدار $f'(-1)$ را به دو روش بدست آورید.
۱۸	معادله خط مماس بر منحنی $y = x^3 + 2$ را در نقطه ای به طول ۲ بنویسید؟

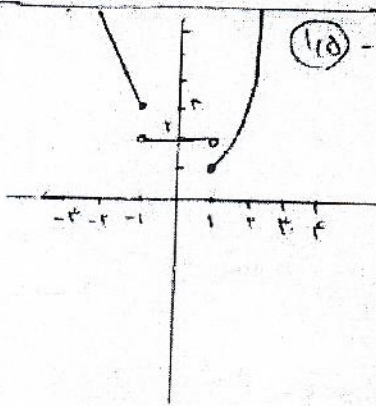
(۱۷۵)

۱- الف) فاد درست ب) درست ج) درست

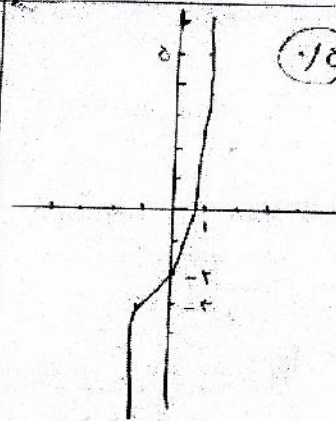
(۱۲۵)

۲- الف) همانی ب) همسانی مختص نقطه α - کوچکتر کرد - کافی ج) -۹

گشت (۱، ۱) -
اکتاً نزدیک [-۱، +∞)
اکتاً دور [۱، +∞)



(۱۵) -۴



(۱۵) -۳

الف) $f \circ g(x) = \sqrt{\frac{1}{x^2-1} - 4} = \sqrt{\frac{5-4x^2}{x^2-1}}$

(۱۵) -۵

$\rightarrow D_{f \circ g} = \{x \in D_f \mid f(x) \in D_g\} = \{x \geq 5 \mid \sqrt{x-5} \neq \pm 1\} = [5, 4) \cup (4, +\infty)$

$f(x) = x^2 - 2x + 3$ $D_f: [1, +\infty)$ $D_{f^{-1}} = [2, +\infty)$ $R_{f^{-1}} = [1, +\infty)$ (۱۵) -۴

$y = x^2 - 2x + 3 \rightarrow y = x^2 - 2x + 1 + 2 \rightarrow y - 2 = (x-1)^2 \rightarrow |x-1| = \sqrt{y-2} \xrightarrow{x \geq 1} x = \sqrt{y-2} + 1 \rightarrow$

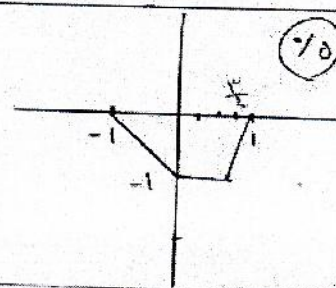
$f^{-1}(x) = \sqrt{x-2} + 1$

$f(g(x)) = 2g(x) - 1 = 2x^2 - 4x + 1 \rightarrow g(x) = x^2 - 2x + 1 = (x-1)^2$ (۱۷۵) -۷

$T = \frac{2\pi}{|1 - \frac{\pi}{r}|} = 4$

(۱۷۵) -۹

$\max = |-\frac{1}{r}| + r = \frac{4}{r}$ $\min = -|-\frac{1}{r}| + r = \frac{4}{r}$



(۱۵) -۸

$1 - 2\sin^2 \alpha - \sin \alpha = 0 \rightarrow \begin{cases} \sin \alpha = -1 & \alpha = 2k\pi - \frac{\pi}{2} \\ \sin \alpha = \frac{1}{2} & \alpha = 2k\pi + \frac{\pi}{6}, \alpha = (2k+1)\pi - \frac{\pi}{6} \end{cases}$

(۱) -۱۰

$\sin^2 \alpha = \frac{1 - \cos 2\alpha}{2} = \frac{1 - \frac{\sqrt{2}}{2}}{2} \rightarrow \sin \alpha = \frac{\sqrt{2} - \sqrt{2}}{2}$ (۱۷۵) -۱۱

$$\cos^2 \alpha = 1 - \frac{9}{r^2} = \frac{14}{r^2}$$

$$\cos \alpha = -\frac{r}{\Delta}$$

$$\sin^2 \alpha = r^2 \sin^2 \alpha \cos^2 \alpha = r^2 \frac{r}{\Delta} \cdot x - \frac{r}{\Delta} = -\frac{r^2}{r\Delta}$$

(1/10) - 12

$$T = \frac{r\pi}{|b|} = r\pi \rightarrow |b| = \frac{r}{\pi} \rightarrow b = \pm \frac{r}{\pi}$$

$$c = \frac{\Delta + v}{r} = 4 \quad |a| = \frac{v - \Delta}{r} = 1 \rightarrow \alpha = \pm 1$$

$$y = \pm \sin\left(\frac{1}{r}x\right) + 4$$

(1/10) - 12

(1) - 12

$$1) \lim_{x \rightarrow r} \frac{x^r - rx}{\sqrt{x} - r} = \lim_{x \rightarrow r} \frac{x(x-r)(\sqrt{x}+r)}{(\sqrt{x}-r)(\sqrt{x}+r)} = \lim_{x \rightarrow r} \frac{x(x-r)(\sqrt{x}+r)}{r(x-r)} = r$$

(1/10) - 12

$$\rightarrow \lim_{x \rightarrow r} \frac{rx^r - rx^r + rx - 14}{14 - x^r} = \lim_{x \rightarrow r} \frac{(rx^r + r)(x-r)}{(r-x)(r+x)} = -\frac{9}{r}$$

$$2.) \lim_{x \rightarrow r^+} \frac{[x] - r}{x - r} = 0$$

$$\rightarrow \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{[x]}{\sin x} = +\infty$$

$$\rightarrow \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^+} \tan x = -\infty$$

$$9.) \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x^r + 4x}}{x + rx^r - r} = \frac{1}{r}$$

$$j.) \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-\Delta x^r + rx + 1r}{rx^r - rx + 1} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-\Delta x^r}{rx^r} = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -r$$

$$\lim_{x \rightarrow (-1)^+} f(x) = +\infty$$

(1/10) - 14

$$f'(-1) = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{f(x) - f(-1)}{x - (-1)} = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^r - 1}{x + 1} = -r$$

(1/10) - 14

$$f'(-1) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(-1+h) - f(-1)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(-1+h)^r - 1}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{1+h^r - rh - 1}{h} = -r$$

$$f'(x) = rx^{r-1} \quad m = 1r$$

$$y - 1 = 1r(x - r) \rightarrow y = 1rx - 1r$$

$$\text{tangent } (r, 1)$$

(1/10) - 14